

## Übungsblatt 12

**Studienleistung:** In der Woche vom 08.07.-14.07.2019 (KW 28) geben Sie in Ihrem Tutorium eine Bearbeitung von jeweils einer Präsenzaufgabe der Übungsblätter 10, 11 und 12 ab, also genau drei Aufgaben. Sie können dabei zwischen jeweils einer Aufgabe von P42-P45, P46-P49 und P50-P53 wählen. Die Abgaben erfolgen einzeln und handschriftlich.

### Präsenzübungen

**P50.** Berechnen Sie die Einzelwahrscheinlichkeiten  $P\{X = x\}$  für eine  $B(n; p)$ -verteilte Zufallsvariable  $X$  für folgende Werte von  $n$  und  $p$ :

- a)  $n = 3$  und  $p = 1/6$ ;
- b)  $n = 5$  und  $p = 1/6$ ;
- c)  $n = 3$  und  $p = 1/2$ ;
- d)  $n = 5$  und  $p = 1/2$ ;

**P51.** Sei  $X$  eine  $N(0, 1)$ -verteilte Zufallsvariable. Bestimmen Sie  $P\{X \leq -1,23\}$  und  $P\{X \geq 2,1\}$ .

**P52.** In einer Seilerei werden Drahtseile mit einer Länge von  $\mu = 1000 m$  produziert und auf Rollen gewickelt. Bei diesem maschinellen Vorgang wird der vorgegebene Wert nur mit einer Standardabweichung von  $\sigma = 1,5 m$  eingehalten. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass

- a) ein Seil länger als  $1003 m$  ist?
- b) ein Seil kürzer als  $994 m$  ist?
- c) ein Seil zwischen  $999 m$  und  $1001 m$  lang ist?
- d) ein Seil nicht zwischen  $998 m$  und  $1002 m$  lang ist?

**P53.** Ein klassisches Problem bei Glücksspielen ist die Aufteilung des Gewinns im Falle des vorzeitigen Spielabbruchs:

A und B spielen folgendes Spiel: Sie würfeln in mehreren Runden um die Wette. Der höhere Wurf bringt jeweils einen Punkt. Wer zuerst vier Punkte hat, gewinnt 24 Taler.

Als A bereits drei Punkte und B zwei Punkte haben, muss das Spiel abgebrochen werden. A argumentiert, dass sie vorne liegt und daher den gesamten Gewinn erhalten soll. B sagt, dass es fairer wäre, wenn der Gewinn im Verhältnis 2:1

aufgeteilt wird, da A noch bei den zwei Spielständen 4:2 und 4:3 gewinnen kann, B jedoch nur bei genau einem Punktstand von 3:4.

Wir nehmen an, dass eine Aufteilung des Gewinns fair ist, wenn der Anteil jeder Spielerin am Gewinn der Gewinnwahrscheinlichkeit der Spielerin zum Zeitpunkt des Abbruchs entspricht. Ist der Vorschlag von B in diesem Sinne fair? Was wäre eine faire Aufteilung?

Tabelle der Werte der Standardnormalverteilung  $\Phi(x)$  für  $0.00 \leq x \leq 4.59$ .

$x$	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.500000	0.503989	0.507978	0.511966	0.515953	0.519939	0.523922	0.527903	0.531881	0.535856
0.1	0.539828	0.543795	0.547758	0.551717	0.555670	0.559618	0.563559	0.567495	0.571424	0.575345
0.2	0.579260	0.583166	0.587064	0.590954	0.594835	0.598706	0.602568	0.606420	0.610261	0.614092
0.3	0.617911	0.621720	0.625516	0.629300	0.633072	0.636831	0.640576	0.644309	0.648027	0.651732
0.4	0.655422	0.659097	0.662757	0.666402	0.670031	0.673645	0.677242	0.680822	0.684386	0.687933
0.5	0.691462	0.694974	0.698468	0.701944	0.705401	0.708840	0.712260	0.715661	0.719043	0.722405
0.6	0.725747	0.729069	0.732371	0.735653	0.738914	0.742154	0.745373	0.748571	0.751748	0.754903
0.7	0.758036	0.761148	0.764238	0.767305	0.770350	0.773373	0.776373	0.779350	0.782305	0.785236
0.8	0.788145	0.791030	0.793892	0.796731	0.799546	0.802337	0.805105	0.807850	0.810570	0.813267
0.9	0.815940	0.818589	0.821214	0.823814	0.826391	0.828944	0.831472	0.833977	0.836457	0.838913
1.0	0.841345	0.843752	0.846136	0.848495	0.850830	0.853141	0.855428	0.857690	0.859929	0.862143
1.1	0.864334	0.866500	0.868643	0.870762	0.872857	0.874928	0.876976	0.879000	0.881000	0.882977
1.2	0.884930	0.886861	0.888768	0.890651	0.892512	0.894350	0.896165	0.897958	0.899727	0.901475
1.3	0.903200	0.904902	0.906582	0.908241	0.909877	0.911492	0.913085	0.914657	0.916207	0.917736
1.4	0.919243	0.920730	0.922196	0.923641	0.925066	0.926471	0.927855	0.929219	0.930563	0.931888
1.5	0.933193	0.934478	0.935745	0.936992	0.938220	0.939429	0.940620	0.941792	0.942947	0.944083
1.6	0.945201	0.946301	0.947384	0.948449	0.949497	0.950529	0.951543	0.952540	0.953521	0.954486
1.7	0.955435	0.956367	0.957284	0.958185	0.959070	0.959941	0.960796	0.961636	0.962462	0.963273
1.8	0.964070	0.964852	0.965620	0.966375	0.967116	0.967843	0.968557	0.969258	0.969946	0.970621
1.9	0.971283	0.971933	0.972571	0.973197	0.973810	0.974412	0.975002	0.975581	0.976148	0.976705
2.0	0.977250	0.977784	0.978308	0.978822	0.979325	0.979818	0.980301	0.980774	0.981237	0.981691
2.1	0.982136	0.982571	0.982997	0.983414	0.983823	0.984222	0.984614	0.984997	0.985371	0.985738
2.2	0.986097	0.986447	0.986791	0.987126	0.987455	0.987776	0.988089	0.988396	0.988696	0.988989
2.3	0.989276	0.989556	0.989830	0.990097	0.990358	0.990613	0.990863	0.991106	0.991344	0.991576
2.4	0.991802	0.992024	0.992240	0.992451	0.992656	0.992857	0.993053	0.993244	0.993431	0.993613
2.5	0.993790	0.993963	0.994132	0.994297	0.994457	0.994614	0.994766	0.994915	0.995060	0.995201
2.6	0.995339	0.995473	0.995604	0.995731	0.995855	0.995975	0.996093	0.996207	0.996319	0.996427
2.7	0.996533	0.996636	0.996736	0.996833	0.996928	0.997020	0.997110	0.997197	0.997282	0.997365
2.8	0.997445	0.997523	0.997599	0.997673	0.997744	0.997814	0.997882	0.997948	0.998012	0.998074
2.9	0.998134	0.998193	0.998250	0.998305	0.998359	0.998411	0.998462	0.998511	0.998559	0.998605
3.0	0.998650	0.998694	0.998736	0.998777	0.998817	0.998856	0.998893	0.998930	0.998965	0.998999
3.1	0.999032	0.999065	0.999096	0.999126	0.999155	0.999184	0.999211	0.999238	0.999264	0.999289
3.2	0.999313	0.999336	0.999359	0.999381	0.999402	0.999423	0.999443	0.999462	0.999481	0.999499
3.3	0.999517	0.999534	0.999550	0.999566	0.999581	0.999596	0.999610	0.999624	0.999638	0.999651
3.4	0.999663	0.999675	0.999687	0.999698	0.999709	0.999720	0.999730	0.999740	0.999749	0.999758
3.5	0.999767	0.999776	0.999784	0.999792	0.999800	0.999807	0.999815	0.999822	0.999828	0.999835
3.6	0.999841	0.999847	0.999853	0.999858	0.999864	0.999869	0.999874	0.999879	0.999883	0.999888
3.7	0.999892	0.999896	0.999900	0.999904	0.999908	0.999912	0.999915	0.999918	0.999922	0.999925
3.8	0.999928	0.999931	0.999933	0.999936	0.999938	0.999941	0.999943	0.999946	0.999948	0.999950
3.9	0.999952	0.999954	0.999956	0.999958	0.999959	0.999961	0.999963	0.999964	0.999966	0.999967
4.0	0.999968	0.999970	0.999971	0.999972	0.999973	0.999974	0.999975	0.999976	0.999977	0.999978
4.1	0.999979	0.999980	0.999981	0.999982	0.999983	0.999983	0.999984	0.999985	0.999985	0.999986
4.2	0.999987	0.999987	0.999988	0.999988	0.999989	0.999989	0.999990	0.999990	0.999991	0.999991
4.3	0.999991	0.999992	0.999992	0.999993	0.999993	0.999993	0.999993	0.999994	0.999994	0.999994
4.4	0.999995	0.999995	0.999995	0.999995	0.999996	0.999996	0.999996	0.999996	0.999996	0.999996
4.5	0.999997	0.999997	0.999997	0.999997	0.999997	0.999997	0.999997	0.999998	0.999998	0.999998