

Satz 3

$$a+b \cdot c \equiv d \pmod{m}$$

$$\text{und } a \equiv e \pmod{m}$$

$$\Rightarrow e+b \cdot c \equiv d \pmod{m}$$

Ebenso darf man b oder c durch eine Kongruente Zahl ersetzen

Beispiel $m=9$

$$53 \quad 5 \cdot 10 + 3 \equiv x \pmod{9}$$

$$\begin{array}{r} 10 \equiv 1 \pmod{9} \\ \hline 5 \cdot 1 + 3 \equiv x \pmod{9} \end{array}$$

$$\text{also } x \equiv 8 \pmod{9}$$

$$\text{z.B. } x=8$$

2 Beispiel $m=9$

$$7421 \quad 7 \cdot 1000 + 4 \cdot 100 + 2 \cdot 10 + 1 \equiv x \pmod{9}$$

$$10 \equiv 1 \pmod{9}$$

$$\begin{array}{r} 100 \equiv 1 \pmod{9} \\ 1000 \equiv 1 \pmod{9} \\ \hline \end{array}$$

$$7 \cdot 1 + 4 \cdot 1 + 2 \cdot 1 + 1 \equiv x \pmod{9}$$

$$14 \equiv x \pmod{9}$$

Der Teilungsrest ist 5

$$\begin{array}{r} 7416 : 9 = 824 \\ \underline{-21} \\ \hline 36 \end{array}$$

$$\begin{array}{rcl}
 \text{Zahl} & \text{fedcba} & \mod 11 \\
 f \cdot 100000 + e 10000 + d 1000 + c 100 + b 10 + a & = x & \\
 10 & \equiv -1 \mod 11 & \\
 100 & \equiv 1 \mod 11 & \\
 1000 & \equiv -1 \mod 11 & \\
 \hline
 100000 & \equiv -1 \mod 11 & \\
 f(-1) + e \cdot 1 + d(-1) + c \cdot 1 + b(-1) + a & \equiv x \mod 11 & \\
 \text{alternierende Quersumme} & & \\
 \text{z.B. } 437812 & \rightarrow (3+8+2)-(4+7+1) & \\
 & - + - + - + & \\
 & 13 - 12 = 1 &
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4283 \\ -12 \\ \hline 3267 \end{array} \quad 2+3-(4+8)=5-12=-7$$

$3267 : 11 = \parallel 1826$

Relationen

Relationen beschreiben Beziehungen von Elementen einer Menge

<u>Menge</u>	<u>Relation</u>	
Geraden c d Ebene	parallel	g ll h
Zahlen	ist kleiner	$a < b$
Brüche	ist gleich	$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$
ganze Zahlen	ist Kongruent	

Eine Relation ist eine Äquivalenzrelation, wenn folgende drei Eigenschaften erfüllt sind

1. Reflexivität

Für alle $a \in M$ gilt $a \circ a$

2. Symmetrie

Für alle $a, b \in M$ gilt: $a \circ b \Rightarrow b \circ a$

3. Transitivität

Für alle $a, b, c \in M$ gilt

$a \circ b$ und $b \circ c \Rightarrow a \circ c$

Kurt ^{Mutter} Gerda ^{Vater} Jan

Auf der Menge der ganzen Zahlen
ist die Kongruenz eine
Äquivalenzrelation.