

Kombinatorik

Lehre vom (Ab-)Zählen

Wie viele Möglichkeiten gibt es?

1. Lösungsmöglichkeit
vollständige Liste

systematisch anlegen

3 Farben: blau, weiß, schwarz

alphabetisch: bbb, bbs, bbw, bsb, ...

numerisch: blau \rightarrow 1, weiß \rightarrow 2, sch \rightarrow 3

111, 112, 113, 121, 122, 123, 131, ...

beide Listenarten sind genau gleich
wenn die Wörter/Zahlen alle die
gleiche Länge haben

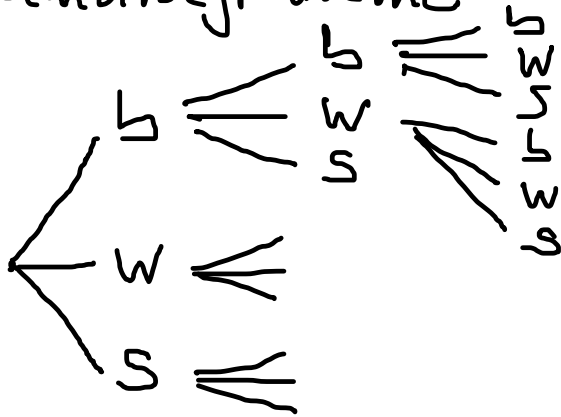
$a \leftrightarrow 1$ $b \leftrightarrow 2$ $c \leftrightarrow 3$

a, aa, aaa, ab, aba, abb, ...
aab, aac

1, 2, 3,

Dürfen die Wörter/Zahlen untersch.
Länge sein, dann ist die Sortierung
in der Liste verschieden. Beide
Listen sind natürlich gleich lang

Baumdiagramme



Alternative zur vollständ. Liste

$$3 \text{ Mögl.} \cdot 3 \text{ Mögl.} \cdot 3 \text{ Mögl.} \rightarrow 3 \cdot 3 \cdot 3 = 27$$

analytische Lösungswege

Die Multiplikationsregel als kombinatorisches Grundgesetz

2V 3H 4N

$$2 \cdot 3 \cdot 4 = 24 \text{ Menüs}$$

Möglichkeiten

Tupel-Schreibweise

$(\dots, \dots, \dots, \dots)$ z.B. $(1, 8, 4, 4)$

$\begin{matrix} \uparrow & \uparrow & \uparrow & \uparrow \\ 2 & 3 & 4 & 2 \end{matrix}$

die Reihenfolge ist wichtig

$$2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 2 = 48 \text{ versch. Tupel}$$

Autokennzeichen in Bremen

Bremen Stadt HB AB 123

Bremerhaven HB A 1234

5-Tupel

(... , ... , ... , ... , ...) Bremen Stadt

$$26 \cdot 26 \cdot 9 \cdot 10 \cdot 10 = 608.400$$

(... , ... , ... , ... , ...) Bremerhaven

$$26 \cdot 9 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = 234.000$$

Permutationen (Vertauschungen)

Man hat n verschiedene Dinge, die in unterschiedlicher Reihenfolge angeordnet werden sollen.

z.B. ABCD

ABCD	BACD
ABDC	BADC
ACBD	BCAD
ACDB	BCDA
ADBC	BDAC
ADCB	BDCA

C-Block

D-Block

4 · 6

24 Vertau

$(\cdot \cdot \cdot \cdot \cdot)$

$\uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow = 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 24$ Vertauschungen

allgemein n verschiedene Dinge

$(\cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot)$

$\uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot \dots \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = n!$

$1! = 1$ $2! = 1 \cdot 2 = 2$ $3! = 1 \cdot 2 \cdot 3 = 6$ $4! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 = 24$

Zu n verschiedenen Dingen gibt es $n!$ Permutationen

$$n! = (n-1)! \cdot n$$