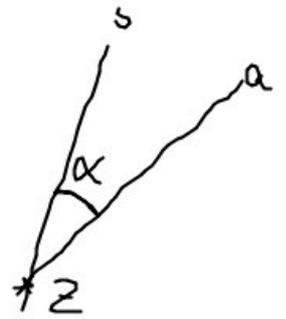


## Der Zwei-Spiegelungs-Satz

Die Spiegelung an zwei Achsen  $a$  und  $b$ , die sich in  $Z$  schneiden und den Winkel  $\alpha$  einschließen, ergibt hintereinander ausgeführt eine Drehung um den Schnittpunkt  $Z$  um den Winkel  $2\alpha$ .



Formel  $S_b \circ S_a = D_{Z, 2\alpha}$

Warum die „falsche“ Richtung

$$S_a(A) = A' \quad S_b(A') = A''$$

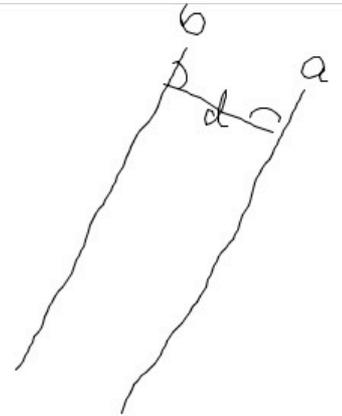
$$S_b(S_a(A)) = A''$$

$$S_b \circ S_a(A) = A''$$

## Zwei-Spiegelungs-Satz 2. Teil

Die Spiegelung an zwei Achsen  $a$  und  $b$ , die parallel zueinander sind im Abstand  $d$ , ergibt hintereinander ausgeführt eine Verschiebung um den Vektor  $\vec{t}$

$\vec{t}$  ist senkrecht zu  $a$  (und  $b$ ) und die Länge von  $\vec{t}$  ist das Doppelte von  $d$



Formel  $S_b \circ S_a = V_{\vec{t}}$  mit  $\vec{t} \perp a$  und  $|\vec{t}| = 2d$

## Umkehrung des Zwei-Spiegelungs-Satzes

Gegeben ist eine Drehung  $D_{Z,\beta}$ .  
Dann kann die Drehung zerlegt werden  
in zwei Achsen Spiegelungen an  $a$  und  $b$   
Schnittpunkt und eingeschlossener Winkel sind  
festgelegt, nicht aber die genaue Lage der  
beiden Achsen. Sie dürfen „verdreht“ werden.

D.h. die Drehung kann zerlegt werden in die  
Spiegelungen an  $a$ , dann  $b$  oder auch in die  
Spiegelungen an  $a'$ , dann  $b'$ .

