

Spezielle Folgen

1 4 7 10 13 allg | $a_{m+1} = a_m + d$
 $\underbrace{+3}_{\text{explizit}}$ | a_1 angeben
arithmetisch

$$\begin{aligned} a_1 \quad a_2 &= a_1 + d \quad a_3 = a_2 + d \\ &\qquad\qquad\qquad = a_1 + d + d = a_1 + 2d \\ a_4 &= a_3 + d = a_1 + 2d + d = a_1 + 3d \\ a_n &= a_1 + (n-1)d \\ \text{oder } a_n &= a_0 + nd \end{aligned}$$

1 2 4 8 16 32 allg.
 $q = \frac{a_{n+1}}{a_n} = \frac{a_n}{a_{n-1}}$ $a_{n+1} = a_n \cdot q$
gegeben
geometrisch

explizit

$$\begin{aligned} a_n &= a_1 q^{n-1} \\ &= a_0 q^n \end{aligned}$$

1, 4, 9, 16, 25 weder arithm noch geometrisch

Reihen

Gegeben ist eine Folge a
 Dann bildet man eine neue
 Folge durch Summation.

0 a_1 a_1+a_2 S_3 $S_4 \leftarrow$ Reihe
 a_1 a_2 a_3 a_4 zur Folge a

$$S_n = a_1 + a_2 + \dots + a_n \quad S_3 = a_1 + a_2 + a_3 \\ S_4 = a_1 + a_2 + a_3 + a_4$$

auch $S_n \neq \sum_{k=1}^n a_k$

$$S_{10} = \sum_{k=1}^{10} a_k = a_1 + a_2 + \dots + a_{10}$$

Kleiner Gruß "Reihe" ist die Summenfolge

$$1+2+3+\dots+100 = \frac{101 \cdot 100}{2} = 101 \cdot 50 \\ = 5050$$