

$$\alpha_1 = \beta_1$$

Wenn M innerhalb des Dreiecks ABC liegt:

$$2\alpha_1 + 2\alpha_2 + 2\beta_2 = 180^\circ, \text{ also}$$

$$\alpha_1 + \alpha_2 + \beta_2 = 90^\circ$$

Der Winkel ACB hat die Größe $\alpha_2 + \beta_2$ und es gilt

$$\alpha_2 + \beta_2 = 90^\circ - \alpha_1$$

Der Mittelpunktswinkel AMB hat die Größe $180^\circ - 2\alpha_1$,

was gerade das Doppelte von $\alpha_2 + \beta_2$ ist.

Der Winkel BDA hat die Größe $\delta = \delta_1 + \delta_2$

Der Mittelpunktswinkel AMD hat die Größe $180^\circ - (\alpha_1 + \alpha_3 + \delta_1) + 180^\circ - (\beta_1 + \beta_3 + \delta_2) = 360^\circ - 2\delta_1 - 2\delta_2$

Wie gerade bewiesen ist dieser Mittelpunktswinkel 2γ , wobei γ die Größe des Winkels ACB ist.

$$2\gamma = 360^\circ - 2\delta_1 - 2\delta_2 = 360^\circ - 2(\delta_1 + \delta_2)$$

$$2\gamma + 2\delta = 360^\circ \text{ oder } \gamma + \delta = 180^\circ$$

