

Die maßgebliche Konstruktion für den Ansatz.

Der Inkreis des Arbelos

$|OH| = s$

Pythagoras im $\triangle OH O_3$

$$(a+b-c)^2 = s^2 + h^2 \quad (1)$$

im $\triangle O_1 H O_3$

$$(a+c)^2 = (b+s)^2 + h^2 \quad (2)$$

im $\triangle O_2 O_3 H$

$$(b+c)^2 = (a-s)^2 + h^2 \quad (3)$$

$$\textcircled{1} \quad a^2 + b^2 + i^2 + 2ab - 2ai - 2bi = s^2 + h^2$$

$$\textcircled{2} \quad a^2 + i^2 + 2ai = b^2 + 2bs + s^2 + h^2$$

$$\textcircled{3} \quad b^2 + i^2 + 2bi = a^2 - 2as + s^2 + h^2$$

$$\textcircled{1} - \textcircled{2} \quad b^2 + 2ab - 4ai - 2bi = -b^2 - 2bs$$

$$2b^2 + 2ab - 4ai - 2bi = -2bs \quad | :(-2)$$

$$-b^2 - ab + 2ai + bi = bs \quad \textcircled{4}$$

$$\textcircled{1} - \textcircled{3} \quad a^2 + 2ab - 2ai - 4bi = -a^2 + 2as \quad | +a^2$$

$$2a^2 + 2ab - 2ai - 4bi = 2as \quad | :2$$

$$a^2 + ab - ai - 2bi = as \quad \textcircled{5}$$

$$\textcircled{4} \cdot a = \textcircled{5} \cdot b$$

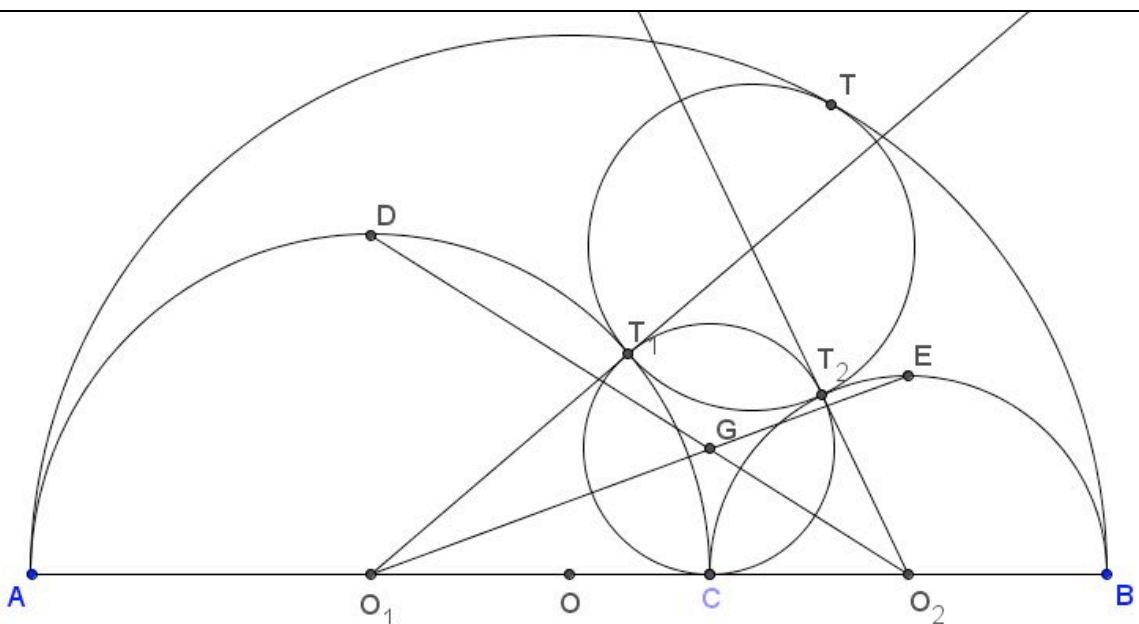
$$-ab^2 - a^2b + 2a^2i + abi = a^2b + ab^2 - abi - 2b^2i$$

$$2a^2i + 2abi + 2b^2i = 2ab^2 + 2a^2b$$

$$i = \frac{ab^2 + a^2b}{a^2 + ab + b^2}$$

$$s = \frac{(a-b)(a+b)^2}{a^2 + ab + b^2}$$

$$h = 2 \frac{ab^2 + a^2b}{a^2 + ab + b^2} = 2i$$



Eine Konstruktion des Inkreises, die ebenfalls von Bankoff stammt.